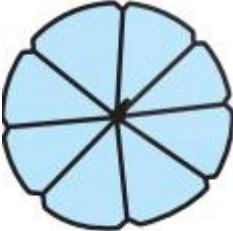


**MARKING SCHEME, BSEH Practice Paper 2,10TH
MATHS(Standard) ,March-2024(ENGLISH MEDIUM)**

Q. no.	Expected solutions	mar ks
Section-A		
1	(b) ab^2	1
2	(c) 20	1
3	(b) 2	
4	(b) 32 cm	1
5	(d) 0,8	1
6	(a) (-6,7)	1
7	Equilateral	1
8	(a) 30°	1
9	two	1
10	false	1
11	9	1
12	$\sec \theta = \frac{\sqrt{1 + \cot^2 \theta}}{\cot \theta}$	1
13	(b) 60°	1
14	(b) 32 cm	1
15	78.57 cm ²	1
16	(a) a cone and a cylinder	1
17	(b) 24	1
18	(c) $\frac{1}{3}$	1
19	(b) Both Assertion(A) and Reason (R) are true but Reason (R) is the not correct explanation of Assertion(A).	1
20	(d) Assertion(A) is false but Reason(R) is true.	1
SECTION-B		
21	Here $a_1=2, b_1=3, c_1=-5$ $a_2=k, b_2=-6, c_2=-8$ For unique solution; $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$	1/2 1/2

	<p>here, $\frac{a_1}{a_2} = \frac{2}{k}$, $\frac{b_1}{b_2} = \frac{3}{-6} = \frac{1}{-2}$ $\Rightarrow \frac{2}{k} \neq \frac{-1}{2}$ $\Rightarrow k \neq -4$</p>	1/2
OR 21	<p>Given equations can be written as:</p> $\frac{x}{2} + \frac{2y}{3} = -1$ $\Rightarrow 3x + 4y = -6 \dots\dots\dots(i)$ $x - \frac{y}{3} = 3$ $\Rightarrow 3x - y = 9 \dots\dots\dots(ii)$ <p>Equation(i) – Equation(ii) $\Rightarrow (3x + 4y) - (3x - y) = -6 - 9$</p> $\Rightarrow 5y = -15 \Rightarrow y = -3$ <p>Substituting the value of y in equation(i) we get $3x + 4(-3) = -6 \Rightarrow 3x = -6 + 12$</p> $\Rightarrow x = \frac{6}{3} = 2$	1/2
22.	<p>We know that the diagonals of a parallelogram bisect each other. So, coordinates of the mid-point of diagonal AC are same as the coordinates of the mid-point of diagonal BD.</p> <p>Since, the midpoint of the line segment joining the two points (x_1, y_1) and (x_2, y_2) is $\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2} \right)$</p> $\therefore \left(\frac{6+9}{2}, \frac{1+4}{2} \right) = \left(\frac{8+p}{2}, \frac{2+3}{2} \right)$ $\Rightarrow \left(\frac{15}{2}, \frac{5}{2} \right) = \left(\frac{8+p}{2}, \frac{5}{2} \right) \Rightarrow \frac{15}{2} = \frac{8+p}{2}$	1/2

	$\Rightarrow 15 = 8 + p \Rightarrow P = 7$	1/2
23.	<p>In $\triangle ABC$ and $\triangle DEF$, $\angle C = \angle E$ (angular elevation) $\angle B = \angle F = 90^\circ$ $\therefore \triangle ABC \sim \triangle DFE$ (By AAA similarity criterion)</p>	1/2
	$\therefore \frac{AB}{DF} = \frac{BC}{FE}$ <p>(If two triangles are similar then their corresponding sides are proportional.)</p> $\therefore \frac{6}{h} = \frac{4}{28}$	1/2
	$\Rightarrow h = 6 \times \frac{28}{4}$ $\Rightarrow h = 6 \times 7$ $\Rightarrow h = 42 \text{ m}$	1/2
	Hence, the height of the tower is 42 m.	
24.	$\tan(A+B) = \sqrt{3} = \tan 60^\circ$ $\Rightarrow A+B = 60^\circ \quad \text{---(i)}$ $\tan(A-B) = \frac{1}{\sqrt{3}} = \tan 30^\circ$ $\Rightarrow A-B = 30^\circ \quad \text{---(ii)}$	1/2

	Solving (i) and (ii), we get $A=45^\circ$ and $B=15^\circ$	1/2 1/2
OR 24	$\frac{\cos 45^\circ}{\sec 30^\circ + \operatorname{cosec} 30^\circ} = \frac{\frac{1}{\sqrt{2}}}{\frac{2}{\sqrt{3}} + 2} =$ $\frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{3}}{2 + 2\sqrt{3}} =$ $\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}(\sqrt{3} + 1)} \times \frac{\sqrt{2}(\sqrt{3} - 1)}{\sqrt{2}(\sqrt{3} - 1)} =$ $\frac{(3 - \sqrt{3})\sqrt{2}}{2 \times 2 \times (3 - 1)} = \frac{3\sqrt{2} - \sqrt{6}}{8}$	1/2 1/2 1/2 1/2
25.	 <p>Radius = 45cm</p> <p>8 ribs implies angle subtend between consecutive ribs = $\frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$</p> <p>Area between consecutive ribs = $\frac{45}{360} \times \pi \times (45)^2$</p>	1/2 1/2

$$= \frac{45}{360} \times \frac{22}{7} \times 45 \times 45 = \frac{22275}{28}$$

$$= 795.22 \text{ cm}^2$$

1/2

1/2

SECTION-C

26. Consider that $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ is rational.

Assume $\sqrt{2} + \sqrt{3} = a$, where a is rational.

1

$$\text{So, } \sqrt{2} = a - \sqrt{3}$$

By squaring on both sides,

$$2 = a^2 + 3 - 2a\sqrt{3}$$

1

$\sqrt{3} = (a^2 + 1)/2a$, is a contradiction as the RHS is a rational number while $\sqrt{3}$ is irrational

1

Therefore, $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ is irrational.

27. Since α and β are the zeros of the quadratic polynomial $p(x) = 4x^2 + 3x + 7$

$$\begin{aligned}\alpha + \beta &= \frac{-\text{Coefficient of } x}{\text{Coefficient of } x^2} \\ &= \frac{-3}{4}\end{aligned}$$

1/2

$$\alpha\beta = \frac{\text{Constant term}}{\text{Coefficient of } x^2}$$

$$= \frac{7}{4}$$

1/2

We have

$$= \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$$

$$= \frac{\beta + \alpha}{\alpha\beta}$$

1/2

$$= \frac{-3}{\frac{4}{7}}$$

$$= \frac{-3}{4} \times \frac{7}{4}$$

1/2

$$= \frac{-3}{7}$$

1/2

$$= \frac{-3}{7}$$

1/2

The value of $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ is $\frac{-3}{7}$.

28. For equation $x-y=1$, solution table is

x	1	2
y	0	1

1

On the graph paper, plot the points A(1,0) and B(2,1) to obtain the graph of $x-y=1$

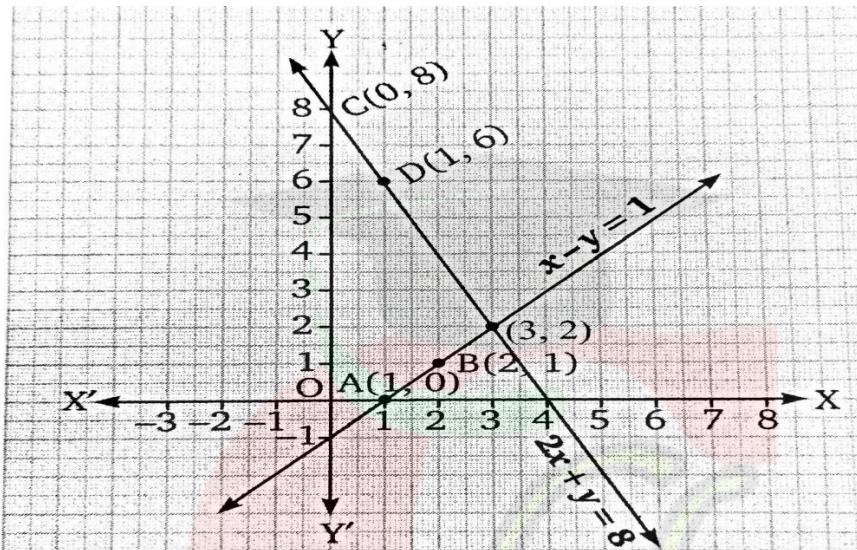
For equation $2x+y=8$, solution table is

x	0	1
y	8	6

1

On the graph paper, plot the points C(0,8) and D(1,6) to obtain the graph of $2x+y=8$

Clearly, the graph of two lines intersect at a point (3,2)
 $\therefore x=3, y=2$ is the unique solution of the given system of linear equations.



OR
 28 Let cost of each bat = Rs x
 Cost of each ball = Rs y

Given that coach of a cricket team buys 7 bats and 6 balls for Rs 3800.
 So that $7x + 6y = 3800$

$$6y = 3800 - 7x$$

Divide by 6 we get
 $y = (3800 - 7x) / 6 \dots (1)$

Given that she buys 3 bats and 5 balls for Rs 1750. so that
 $3x + 5y = 1750$

1

1/2

1/2

1/2

Plug the value of y
 $3x + 5 ((3800 - 7x) / 6) = 1750$
 Multiplying by 6 we get
 $18x + 19000 - 35x = 10500$
 $-17x = 10500 - 19000$

$$\dots\dots\dots\dots\dots$$

$$-17x = -8500$$

$$x = -8500 / -17$$

$$x = 500$$

$$\dots\dots\dots\dots\dots$$

Plug this value in equation first we get
 $y = (3800 - 7 \times 500) / 6$
 $y = 300/6$
 $y = 50$

Hence the cost of each bat = Rs.500 and the cost of each ball is Rs.50

29. If P(x,y) is equidistant from the points A(3,6) and B(-3,4), Then AP=BP

$$\dots\dots\dots\dots\dots$$

$$\Rightarrow \sqrt{(x - 3)^2 + (y - 6)^2} = \sqrt{(x + 3)^2 + (y - 4)^2}$$

$$\dots\dots\dots\dots\dots$$

$$\Rightarrow (x - 3)^2 + (y - 6)^2 = (x + 3)^2 + (y - 4)^2$$

$$\dots\dots\dots\dots\dots$$

$$\Rightarrow x^2 - 6x + 9 + y^2 - 12y + 36 = x^2 + 6x + 9 + y^2 - 8y + 16$$

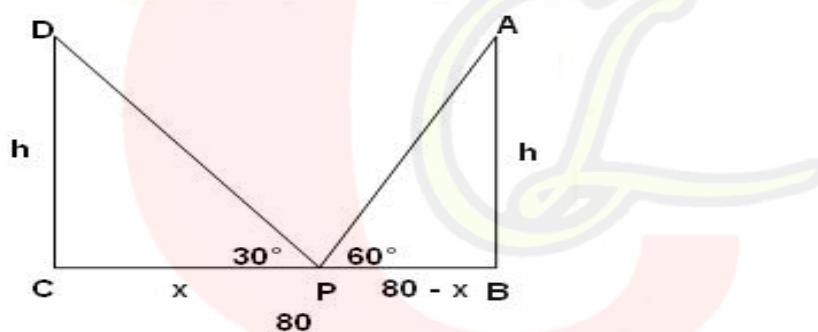
	$\Rightarrow -12x - 4y + 20 = 0$	1/2
	
	$\Rightarrow 3x + y - 5 = 0$ is the required relation.	1/2
30.	$\begin{aligned} \text{LHS} &= (\sin^4 \theta - \cos^4 \theta + 1) \operatorname{cosec}^2 \theta \\ &= [(\sin^2 \theta - \cos^2 \theta)(\sin^2 \theta + \cos^2 \theta) + 1] \operatorname{cosec}^2 \theta \\ &= [(\sin^2 \theta - \cos^2 \theta)(1) + 1] \operatorname{cosec}^2 \theta \\ &= [(\sin^2 \theta - \cos^2 \theta) + 1] \operatorname{cosec}^2 \theta \\ &= [\sin^2 \theta - \cos^2 \theta + \sin^2 \theta + \cos^2 \theta] \operatorname{cosec}^2 \theta \\ &= 2\sin^2 \theta \operatorname{cosec}^2 \theta \\ &= 2 = \text{RHS} \end{aligned}$	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
OR 30.	$\begin{aligned} \text{LHS} &= (\sin A + \operatorname{cosec} A)^2 + (\cos A + \sec A)^2 = \\ &= \sin^2 A + \operatorname{cosec}^2 A + 2 \sin A \operatorname{cosec} A + \cos^2 A + \sec^2 A + 2 \cos A \sec A = \\ &= (\sin^2 A + \cos^2 A) + (\operatorname{cosec}^2 A) + (\sec^2 A) + 2 \sin A \operatorname{cosec} A + 2 \cos A \sec A \\ &= 1 + 1 + \cot^2 A + 1 + \tan^2 A + 2 + 2 = \end{aligned}$	1 1/2 1/2 1

$$= 7 + \cot^2 A + \tan^2 A = \text{RHS}$$

1/2

31. Let AB and CD be the two poles of equal height and their heights be h m. BC be the 80 m wide road. P be any point on the road.

Let CP be x m, therefore BP = (80 - x) .
Also, $\angle APB = 60^\circ$ and $\angle DPC = 30^\circ$



1/2

In right angled triangle DCP,

$$\tan 30^\circ = \frac{CD}{CP}$$

1/2

$$\frac{h}{x} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

1/2

$$\Rightarrow h = \frac{x}{\sqrt{3}} \dots \dots \dots (1)$$

In right angled triangle ABP,
 $\tan 60^\circ = AB/AP$

1/2

$$\begin{aligned}
 \Rightarrow h/(80-x) &= \sqrt{3} \\
 \Rightarrow h &= \sqrt{3}(80-x) \\
 \Rightarrow x/\sqrt{3} &= \sqrt{3}(80-x) \\
 \Rightarrow x &= 3(80-x) \\
 \Rightarrow x &= 240 - 3x \\
 \Rightarrow x + 3x &= 240 \\
 \Rightarrow 4x &= 240 \\
 \Rightarrow x &= 60
 \end{aligned}$$

$$\text{Height of the pole, } h = \frac{x}{\sqrt{3}} = \frac{60}{\sqrt{3}} = 20\sqrt{3}$$

Thus, position of the point P is 60 m from C and height of each pole is $20\sqrt{3}$ m.

SECTION-D

$$\begin{aligned} 32. \quad S_n &= 4n - n^2 \\ S_1 &= 4-1=3=a \\ S_2 &= 8-4=4 \end{aligned}$$

$$a_n = S_n - S_{n-1} = (4n - n^2) - \{ 4(n-1) - (n-1)^2 \} = \\ = 4n - n^2 - 4n + 4 + n^2 - 2n + 1$$

$$a_n = 5 - 2n$$

$$\Rightarrow a_2 = 5 - 2(2) = 1$$

$$\Rightarrow a_3 = 5 - 2(3) = -1$$

1

$$\Rightarrow a_{10} = 5 - 2(10) = 5 - 20 = -15$$

1

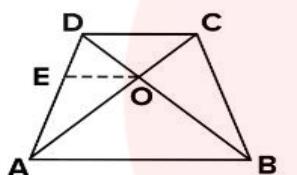
33. Given: In quadrilateral ABCD, O is the point of intersection of AC and BD.

such that $\frac{AO}{BO} = \frac{CO}{DO}$

1/2

To Prove: ABCD is a trapezium.

1/2



Construction: Draw $OE \parallel AB$

1/2

Proof: In ΔDAB , $OE \parallel AB$

$$\frac{OB}{OD} = \frac{AE}{ED} \dots\dots\dots(i) \quad (\text{Basic Proportionality Theorem})$$

1/2

$$\frac{AO}{BO} = \frac{CO}{DO} \text{ (Given)}$$

1/2

From (i) and (ii) $\frac{OA}{OC} = \frac{AE}{ED}$

1/2

Now, In ΔADC , $\frac{OA}{OC} = \frac{AE}{ED}$

$\Rightarrow OE \parallel DC$ (iii) (converse of Basic Proportionality Theorem)

1/2

Also $OE \parallel AB$ (iv)

From (iii) and (iv)

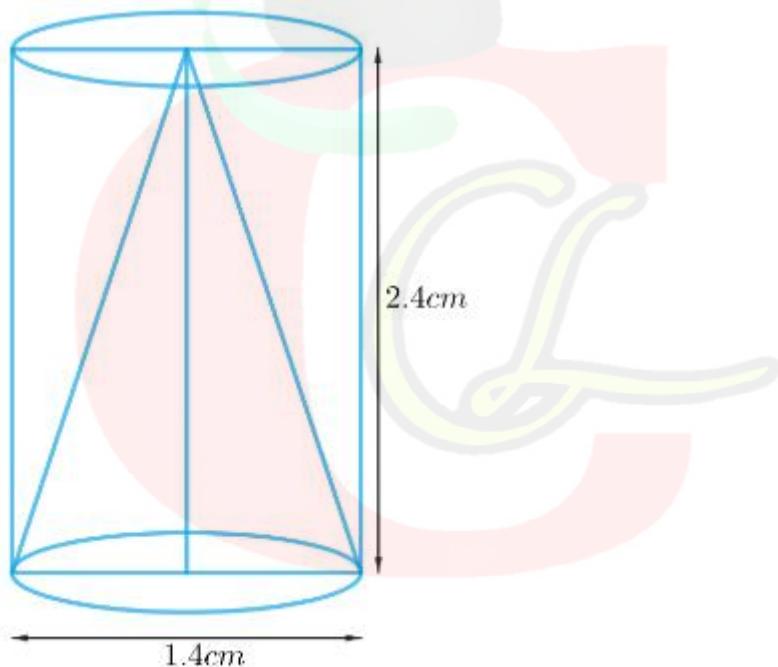
$DC \parallel AB$

1/2

\therefore quadrilateral ABCD is a trapezium.

1/2

34.



1/2

Height of the cylinder = Height of the cone = $h = 2.4$ cm

Diameter of the cylinder = diameter of the cone = $d = 1.4$ cm

1/2

Radius of the cylinder = radius of the cone = $r = d / 2 = 1.4 / 2$ cm = 0.7 cm

Slant height of the cone, $l = \sqrt{r^2 + h^2}$

$$l = \sqrt{(0.7 \text{ cm})^2 + (2.4 \text{ cm})^2}$$

$$= \sqrt{0.49 \text{ cm}^2 + 5.76 \text{ cm}^2}$$

$$= \sqrt{6.25 \text{ cm}^2}$$

$$= 2.5 \text{ cm}$$

1

TSA of the remaining solid = CSA of the cylindrical part + CSA of conical part + Area of one cylindrical base

1

$$= 2\pi rh + \pi rl + \pi r^2$$

1

$$= \pi r (2h + l + r)$$

1/2

$$= 22/7 \times 0.7 \text{ cm} \times (2 \times 2.4 \text{ cm} + 2.5 \text{ cm} + 0.7 \text{ cm})$$

$$= 2.2 \text{ cm} \times 8 \text{ cm}$$

1/2

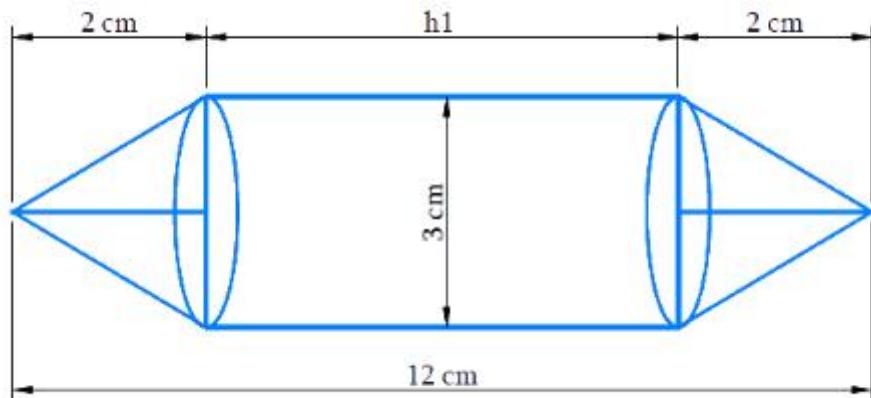
Hence, the total surface area of the remaining solid to the nearest cm^2 is 18 cm^2 .

OR
34. Length of the model = Height of the cylindrical part + $2 \times$ Height of the conical part

Volume of the cylinder = $\pi r^2 h_1$, where r and h_1 are the radius and height of the cylinder respectively.

Volume of the cone = $1/3 \pi r^2 h_2$, where r and h_2 are the radius and height of the cone respectively.

1/2



1/2

Height of each conical part, $h_2 = 2 \text{ cm}$

Height of cylindrical part = Length of the model - $2 \times$ Height of the conical part

$$h_1 = 12 \text{ cm} - 2 \times 2 \text{ cm} = 8 \text{ cm}$$

1/2

Diameter of the model, $d = 3 \text{ cm}$

Radius of cylindrical part = radius of conical part = $r = 3/2 \text{ cm} = 1.5 \text{ cm}$

Volume of the model = $2 \times$ Volume of the conical part + Volume of the cylindrical part

1

$$= 2 \times 1/3 \pi r^2 h_2 + \pi r^2 h_1$$

1

$$= \pi r^2 (2/3 h_2 + h_1)$$

1

$$= 22/7 \times 1.5 \text{ cm} \times 1.5 \text{ cm} \times (2/3 \times 2 \text{ cm} + 8 \text{ cm})$$

.....
 $= 22/7 \times 1.5 \text{ cm} \times 1.5 \text{ cm} \times 28/3 \text{ cm}$
 $= 66 \text{ cm}^3$

1/2

Thus, the volume of air in the model is 66 cm^3 .

35.

class interval	class-mark (x_i)	Number of children(f_i)	$f_i x_i$
11-13	12	7	84
13-15	14	6	84
15-17	16	9	144
17-19	18	13	234
19-21	20	f	20f
21-23	22	5	110
23-25	24	4	96
		$\sum f_i = 44 + f$	$\sum f_i x_i = 752 + 20f$

1+1

.....
 $\text{Mean} = \bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$

1/2

.....
 $\Rightarrow 18 = \frac{752 + 20f}{44 + f}$

1/2

.....
 $\Rightarrow 18(44 + f) = 752 + 20f$

1/2

.....
 $\Rightarrow 792 + 18f = 752 + 20f$

1/2

.....
.

$$\Rightarrow 792 - 752 = 20f - 18f$$

1/2

$$\Rightarrow 40 = 2f$$

1/2

$$\Rightarrow f = 20$$

Hence, missing frequency $f = 20$

OR
35

Age (in years)	Number of patients
5 - 15	6
15 - 25	11
25 - 35	21
35 - 45	23
45 - 55	14
55 - 65	5

From the table, it can be observed that the maximum class frequency is 23, belonging to class interval 35 – 45.

Therefore, Model class = 35 – 45

1/2

Class size, $h = 10$

1/2

Lower limit of model class, $l = 35$

1/2

Frequency of modal class, $f_1 = 23$

1/2

Frequency of class preceding modal class, $f_0 = 21$

1/2

Frequency of class succeeding the modal class, $f_2 = 14$

1/2

$$\text{Mode} = l + [(f_1 - f_0)/(2f_1 - f_0 - f_2)] \times h$$

1/2

$$= 35 + [(23 - 21)/(2 \times 23 - 21 - 14)] \times 10$$

1/2

$$= 35 + [2/(46 - 35)] \times 10$$

$$= 35 + (2/11) \times 10$$

1/2

$$= 35 + 1.8$$

$$= 36.8$$

1/2

So, the modal age is 36.8 years which means the maximum number of patients admitted to the hospital are of age 36.8 years.

SECTION -E

36. (i) Let total number of camels be x^2

	<p>Then no. of camels seen in forest = $x^2/4$ No. of camels gone to mountain = $2x$ No. of camels seen on the bank = 15</p> <p>.....</p> <p>Therefore, Total no. of camels, $x^2 = x^2/4 + 2x + 15$ $\Rightarrow x^2 = (x^2 + 8x + 60)/4$ $\Rightarrow 4x^2 = x^2 + 8x + 60$ $\Rightarrow 3x^2 - 8x - 60 = 0$</p> <p>.....</p> <p>$\Rightarrow (3x + 10)(x - 6) = 0$ $\Rightarrow (3x + 10) = 0 \text{ or } (x - 6) = 0$ $\Rightarrow x = -10/3 \text{ or } x = 6$ on squaring, $\Rightarrow x^2 = 100/9 \text{ or } x^2 = 36$</p> <p>.....</p> <p>No. of camels can not be a fraction Hence $x^2 = 36$</p> <p>No. of camels = 36</p>	1/2
OR 36. (i)	<p>Discriminant $D = b^2 - 4ac$</p> <p>Roots of quadratic equation $a x^2 + b x + c = 0$ depend on nature of Discriminant D</p> <p>If $D = b^2 - 4ac > 0$ then roots are real and distinct.</p> <p>.....</p> <p>If $D = b^2 - 4ac = 0$ then roots are real and equal.</p> <p>.....</p> <p>If $D = b^2 - 4ac < 0$ then roots are not real.</p>	1/2

	
	No. of camels seen on the bank = 15	1/2
	(ii) No. of camels gone to mountain = $2(6)=12$	1
	(iii) no. of camels seen in forest = $x^2/4 = \frac{36}{4} = 9$	1
37.	(i) $\angle ROQ = 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$ $(\because \angle ORP = \angle OQP = 90^\circ)$	1
	(ii) $\angle OQR + \angle ORQ + 150^\circ = 180^\circ$ $\Rightarrow 2\angle OQR = 30^\circ \Rightarrow \angle OQR = 15^\circ$ $\therefore \angle RQP = 90^\circ - 15^\circ = 75^\circ$	1
		1
	OR (ii) $\angle RSQ = \angle RQP = 75^\circ$ (Angles in the alternate segments) $\angle ORP=90^\circ$ $(\because OR \perp RP)$	1
		1
	(iii) Kite	1
38.	(i) Possible outcomes are 4 which are HH,HT,TH,TT	1
	(ii) Probability of failure = 1 - Probability of success = $1 - \frac{73}{100} = \frac{27}{100} = 27\%$	1
	(iii) Cases favourable to atleast one head are HT,TH,HH $P(\text{Akriti will start the game}) = P(\text{getting atleast one head}) =$ $= P(\text{HH,HT,TH}) = \frac{3}{4}$	1

OR (iii) Cases favourable to atmost one tail are TT,HT,TH

1

$$\begin{aligned} P(\text{Sukriti will start the game}) &= P(\text{getting atmost one tail}) = \\ &= P(\text{TT,HT,TH}) = \frac{3}{4} \end{aligned}$$

1



MARKING SCHEME ,BSEH Practice PAPER 2,10TH MATHS ,March 2024
(हिंदी माध्यम)

Q. no.	Expected solutions	marks
Section-A		
1	(b) ab^2	1
2	(c) 20	1
3	(b) 2	
4	(b) 32 cm	1
5	(d) 0,8	1
6	(a) (-6,7)	1
7	समबाहु	1
8	(a) 30°	1
9	दो	1
10	गलत	1
11	9	1
12	$\sec \theta = \frac{\sqrt{1+\cot^2 \theta}}{\cot \theta}$	1
13	(b) 60°	1
14	(b) 32cm	1
15	78.57 cm ²	1
16	(a) एक शंकु और एक बेलन	1
17	(b) 24	1
18	(c) $\frac{1}{3}$	1
19	(b) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन(A) की सही व्याख्या नहीं है।	1
20	(d) अभिकथन (A) गलत है, परन्तु तर्क (R) सही है।	1
	खण्ड -ख	

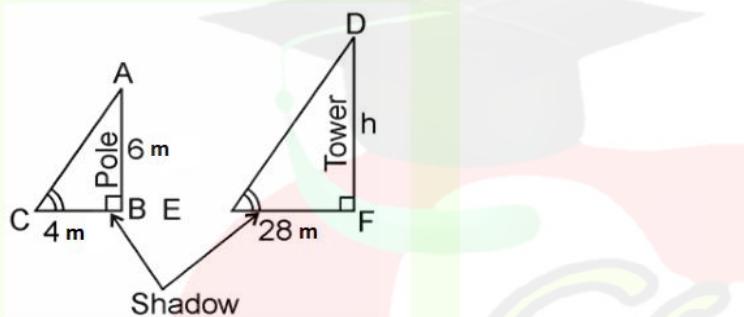
चूंकि, दो बिंदुओं (x_1, y_1) और (x_2, y_2) को मिलाने वाले रेखाखंड का मध्यबिंदु $\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right)$ है

$$\therefore \left(\frac{6+9}{2}, \frac{1+4}{2}\right) = \left(\frac{8+p}{2}, \frac{2+3}{2}\right)$$

$$\Rightarrow \left(\frac{15}{2}, \frac{5}{2}\right) = \left(\frac{8+p}{2}, \frac{5}{2}\right) \Rightarrow \frac{15}{2} = \frac{8+p}{2}$$

$$\Rightarrow 15 = 8 + p \Rightarrow P = 7$$

23.



In $\triangle ABC$ and $\triangle DEF$,

$\angle C = \angle E$ (कोणीय उन्नयन)

$\angle B = \angle F = 90^\circ$

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle DFE$ (AAA समरूपता कसौटी द्वारा)

$$\therefore \frac{AB}{DF} = \frac{BC}{FE}$$

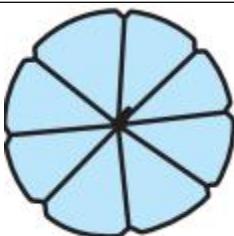
(यदि दो त्रिभुज समरूप हैं तो उनकी संगत भुजाएँ समानुपाती होती हैं।)

$$\therefore \frac{6}{h} = \frac{4}{28}$$

$$\Rightarrow h = 6 \times \frac{28}{4}$$

$$\Rightarrow h = 6 \times 7 \Rightarrow h = 42 \text{ m}$$

अतः, टावर की ऊँचाई 42 मीटर है।

24.	$\tan(A+B) = \sqrt{3} = \tan 60^\circ$ $\Rightarrow A+B = 60^\circ \text{-----(i)}$ $\tan(A-B) = \frac{1}{\sqrt{3}} = \tan 30^\circ$ $\Rightarrow A-B = 30^\circ \text{-----(ii)}$ (i) और (ii) को हल करने पर, हमें प्राप्त होता है $A=45^\circ$ और $B=15^\circ$	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
अर्थ वा 24	$\frac{\cos 45^\circ}{\sec 30^\circ + \operatorname{cosec} 30^\circ} = \frac{\frac{1}{\sqrt{2}}}{\frac{2}{\sqrt{3}} + 2} =$ $\frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{3}}{2 + 2\sqrt{3}} =$ $\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}(\sqrt{3}+1)} \times \frac{\sqrt{2}(\sqrt{3}-1)}{\sqrt{2}(\sqrt{3}-1)} =$ $\frac{(3-\sqrt{3})\sqrt{2}}{2 \times 2 \times (3-1)} = \frac{3\sqrt{2} - \sqrt{6}}{8}$	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
25.	 त्रिज्या = 45 सेमी 8 तानों का अर्थ है कि दो लगातार तानों के बीच का कोण अंतर = $\frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$	1/2

	<p>.....</p> <p>क्रमागत तानों के बीच का क्षेत्रफल</p> $= \frac{45}{360} \times \pi \times (45)^2$ <p>.....</p> $= \frac{45}{360} \times \frac{22}{7} \times 45 \times 45 = \frac{22275}{28}$ <p>.....</p> $= 795.22 \text{ cm}^2$	1/2
	खण्ड -ग	
26.	<p>मान लीजिए कि $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ परिमेय संख्या है।</p> <p>इसलिये $\sqrt{2} + \sqrt{3} = a$, जहां a परिमेय है।</p> <p>.....</p> $\Rightarrow \sqrt{2} = a - \sqrt{3}$ <p>दोनों तरफ वर्ग करने पर</p> $2 = a^2 + 3 - 2a\sqrt{3}$ <p>.....</p> <p>$\sqrt{3} = (a^2 + 1)/2a$, एक विरोधाभास है क्योंकि RHS एक परिमेय संख्या है जबकि LHS, $\sqrt{3}$ अपरिमेय है।</p> <p>अतः $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ अपरिमेय है।</p>	1
		1

27. यदि α और β द्विघात बहुपद $p(x) = 4x^2 + 3x + 7$ के शून्यक हैं

$$\text{इसलिये } \alpha + \beta = \frac{-x\text{ का गुणांक}}{x^2 \text{ का गुणांक}} = \frac{-3}{4}$$

1/2

$$\alpha\beta = \frac{\text{अचर पद}}{x^2 \text{ का गुणांक}} = \frac{7}{4}$$

1/2

$$\text{हमें प्राप्त होता है } \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\beta+\alpha}{\alpha\beta}$$

1/2

$$= \frac{-3}{\frac{4}{7}} \\ = \frac{7}{4}$$

1/2

$$= \frac{-3}{4} \times \frac{4}{7}$$

1/2

$$= \frac{-3}{7}$$

1/2

28.

समीकरण $x-y=1$ के लिए, हल सारणी है

1

x	1	2
y	0	1

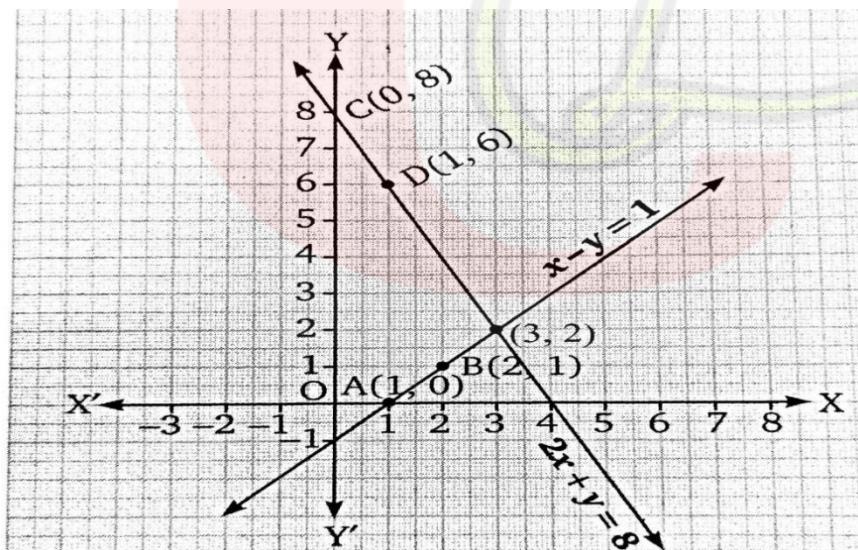
ग्राफ पेपर पर, $x-y=1$ का ग्राफ प्राप्त करने के लिए बिंदु A(1,0) और B(2,1) को आलेखित करें।

समीकरण $2x+y=8$ के लिए, हल सारणी है:

1

x	0	1
y	8	6

$2x+y=8$ का ग्राफ प्राप्त करने के लिए ग्राफ पेपर पर बिंदु C(0,8) और D(1,6) को आलेखित करें।



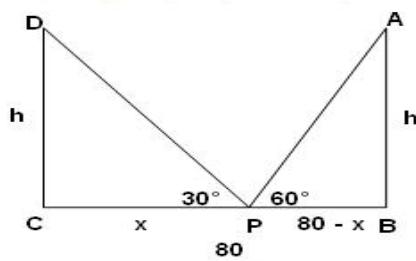
1

स्पष्ट रूप से, दो रेखाओं का ग्राफ एक बिंदु (3,2) पर प्रतिच्छेद करता है।
 $\therefore x=3, y=2$ दिए गए ऐक्षिक समीकरण निकाय का अद्वितीय हल है।

OR 28.	<p>माना कि प्रत्येक बल्ले का मूल्य = ₹ x प्रत्येक गेंद का मूल्य = ₹ y</p> <p>दिया गया है कि एक क्रिकेट टीम का कोच 3800 रुपये में 7 बल्ले और 6 गेंदें खरीदता है।</p> $\Rightarrow 7x + 6y = 3800$ <p>.....</p> $\Rightarrow 6y = 3800 - 7x$ <p>6 से भाग देने पर हमें प्राप्त होता है</p> $y = (3800 - 7x) / 6 \dots (1)$ <p>.....</p> <p>दिया गया है कि वह 1750 रुपये में 3 बल्ले और 5 गेंदें खरीदती है।</p> $\Rightarrow 3x + 5y = 1750$ <p>.....</p> <p>y का मान रखने पर</p> $3x + 5((3800 - 7x) / 6) = 1750$ <p>6 से गुणा करने पर हमें मिलता है</p> $18x + 19000 - 35x = 10500$ $-17x = 10500 - 19000$ <p>.....</p> $-17x = -8500$ $x = -8500 / -17$ $x = 500$ <p>.....</p> <p>x का मान समीकरण (1) रखने पर</p> $y = (3800 - 7 \times 500) / 6$ $y = 300/6$ $y = 50$ <p>अतः प्रत्येक बल्ले की कीमत = ₹ 500 और प्रत्येक गेंद की कीमत ₹50 है</p>	1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2 1/2
-----------	--	---

30.	$\begin{aligned} \text{LHS} &= (\sin^4 \theta - \cos^4 \theta + 1) \csc^2 \theta \\ &= [(\sin^2 \theta - \cos^2 \theta)(\sin^2 \theta + \cos^2 \theta) + 1] \csc^2 \theta \\ \\ &= [(\sin^2 \theta - \cos^2 \theta)(1) + 1] \csc^2 \theta \\ \\ &= [(\sin^2 \theta - \cos^2 \theta) + 1] \csc^2 \theta \end{aligned}$
		1/2
		1/2
		1/2

	$= [\sin^2 \theta - \cos^2 \theta + \sin^2 \theta + \cos^2 \theta] \operatorname{cosec}^2 \theta$ $= 2\sin^2 \theta \operatorname{cosec}^2 \theta$ $= 2 = \text{RHS}$	1/2 1/2 1/2
30	<p>अथवा</p> $\text{LHS} = (\sin A + \operatorname{cosec} A)^2 + (\cos A + \sec A)^2 =$ $= \sin^2 A + \operatorname{cosec}^2 A + 2 \sin A \operatorname{cosec} A + \cos^2 A + \sec^2 A +$ $2 \cos A \sec A =$ $= (\sin^2 A + \cos^2 A) + (\operatorname{cosec}^2 A) + (\sec^2 A) + 2 \sin A \operatorname{cosec} A +$ $2 \cos A \sec A$ $= 1 + 1 + \cot^2 A + 1 + \tan^2 A + 2 =$ $= 7 + \cot^2 A + \tan^2 A = \text{RHS}$	1 1/2 1 1/2
31.	<p>माना AB और CD समान ऊंचाई के दो खंभे हैं और उनकी ऊंचाई h m है। BC 80 मीटर चौड़ी सड़क हो। P सड़क पर कोई भी बिंदु है।</p> <p>माना CP x m है, इसलिए BP = (80 - x)m है।</p> <p>साथ ही, $\angle APB = 60^\circ$ और $\angle DPC = 30^\circ$.</p>	



1/2

समकोण त्रिभुज DCP में,

$$\tan 30^\circ = \frac{CD}{CP}$$

1/2

$$\begin{aligned} \frac{h}{x} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \\ \Rightarrow h &= \frac{x}{\sqrt{3}} \dots\dots\dots(1) \end{aligned}$$

1/2

,
समकोण त्रिभुज ABP में,

$$\tan 60^\circ = AB/AP$$

1/2

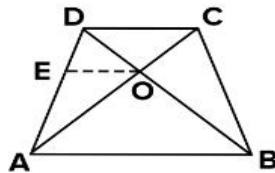
$$\begin{aligned} \Rightarrow h/(80-x) &= \sqrt{3} \\ \Rightarrow h &= \sqrt{3}(80-x) \\ \Rightarrow x/\sqrt{3} &= \sqrt{3}(80-x) \\ \Rightarrow x &= 3(80-x) \\ \Rightarrow x &= 240 - 3x \\ \Rightarrow x + 3x &= 240 \\ \Rightarrow 4x &= 240 \\ \Rightarrow x &= 60 \end{aligned}$$

1/2

	<p>खम्भे की ऊँचाई, $h = \frac{x}{\sqrt{3}} = \frac{60}{\sqrt{3}} = 20\sqrt{3}$ इस प्रकार, बिंदु P की स्थिति C से 60 मीटर है और प्रत्येक खम्भे की ऊँचाई $20\sqrt{3}$ m. है।</p>	1/2
	खण्ड-घ	
32.	$S_n = 4n - n^2$ $S_1 = 4-1=3=a$ $S_2=8-4=4$ $a_n = S_n - S_{n-1} = (4n - n^2) - \{4(n-1) - (n-1)^2\} =$ $= 4n - n^2 - 4n + 4 + n^2 - 2n + 1$ $a_n = 5-2n$ $\Rightarrow a_2 = 5 - 2(2) = 1$ $\Rightarrow a_3 = 5 - 2(3) = -1$ $\Rightarrow a_{10} = 5 - 2(10) = 5-20 = -15$	1 1
33.	<p>दिया गया है: चतुर्भुज ABCD में, O AC और BD का प्रतिच्छेद बिंदु है।</p> <p>इस प्रकार कि $\frac{AO}{BO} = \frac{CO}{DO}$</p>	1/2

सिद्ध करना है: ABCD एक समलंब है।

1/2



1/2

रचना: OE||AB खींचिए

1/2

उपपत्ति: ΔDAB में, $OE \parallel AB$

1/2

$$\frac{AO}{BO} = \frac{CO}{DO} \text{ (दिया है)}$$

1/2

समीकरण (i) और (ii) से, $\frac{OA}{OC} = \frac{AE}{ED}$

1/2

अब, Δ ADC में, $\frac{OA}{OC} = \frac{AE}{ED}$

⇒ OE || DC(iii) (आधारभूत आनुपातिकता प्रमेय का विलोम)

1/2

साथ ही , OE||AB(iv)

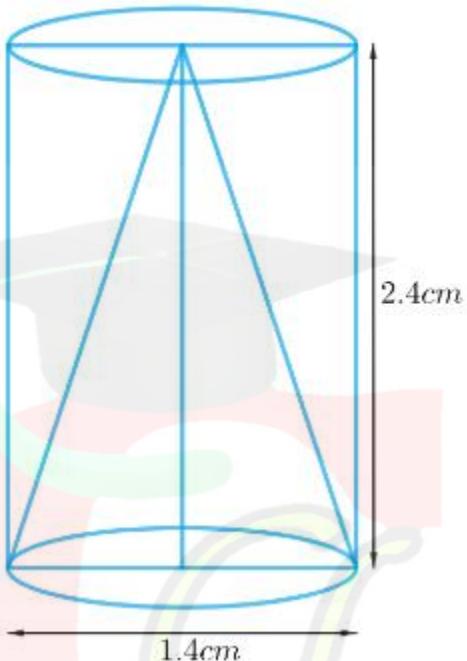
समीकरण (iii) और (iv) से, $DC \parallel AB$

1/2

∴ चतुर्भुज ABCD एक समलंब है।

1/2

34.



1/2

बेलन की ऊँचाई = शंकु की ऊँचाई = $h = 2.4$ सेमी

1/2

बेलन का व्यास = शंकु का व्यास = $d = 1.4$ सेमी

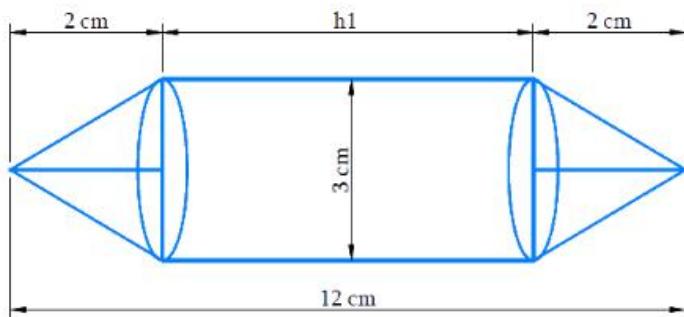
बेलन की त्रिज्या = शंकु की त्रिज्या = $r = d / 2 = 1.4 / 2$
सेमी = 0.7 सेमी

$$\text{शंकु की तिर्यक ऊँचाई}, l = \sqrt{r^2 + h^2}$$
$$l = \sqrt{(0.7 \text{ cm})^2 + (2.4 \text{ cm})^2}$$

1

$$= \sqrt{0.49 \text{ cm}^2 + 5.76 \text{ cm}^2}$$

	$= \sqrt{[6.25 \text{ cm}^2]}$ $= 2.5 \text{ cm}$ <p>.....</p> <p>बचे हुए ठोस का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल = बेलनाकार भाग का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल + शंक्वाकार भाग का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल + एक बेलनाकार आधार का क्षेत्रफल</p> <p>.....</p> $= 2\pi rh + \pi rl + \pi r^2$ <p>.....</p> $= \pi r (2h + l + r)$ $= 22/7 \times 0.7 \text{ cm} \times (2 \times 2.4 \text{ cm} + 2.5 \text{ cm} + 0.7 \text{ cm})$ <p>.....</p> $= 2.2 \text{ cm} \times 8 \text{ cm}$ $= 17.6 \text{ cm}^2$ <p>अतः, शेष ठोस का निकटतम सेमी² तक कुल सतह क्षेत्रफल 18 सेमी² है।</p>	1
अथवा 34.	<p>मॉडल की लंबाई = बेलनाकार भाग की ऊँचाई + 2 × शंक्वाकार भाग की ऊँचाई</p> <p>बेलन का आयतन = $\pi r^2 h_1$, जहाँ r और h_1 क्रमशः बेलन की त्रिज्या और ऊँचाई हैं।</p> <p>शंकु का आयतन = $1/3 \pi r^2 h_2$, जहाँ r और h_2 क्रमशः शंकु की त्रिज्या और ऊँचाई हैं।</p> <p>.....</p>	1/2



1/2

प्रत्येक शंक्वाकार भाग की ऊँचाई, $h_2 = 2$ सेमी

बेलनाकार भाग की ऊँचाई = मॉडल की लंबाई - $2 \times$
शंक्वाकार भाग की ऊँचाई
 $h_1 = 12 \text{ cm} - 2 \times 2 \text{ cm} = 8 \text{ cm}$

मॉडल का व्यास, $d = 3$ सेमी

1/2

बेलनाकार भाग की त्रिज्या = शंक्वाकार भाग की त्रिज्या
 $= r = 3/2$ सेमी = 1.5 सेमी

मॉडल का आयतन = $2 \times$ शंक्वाकार भाग का आयतन +
बेलनाकार भाग का आयतन

1

$$= 2 \times 1/3 \pi r^2 h_2 + \pi r^2 h_1$$

1

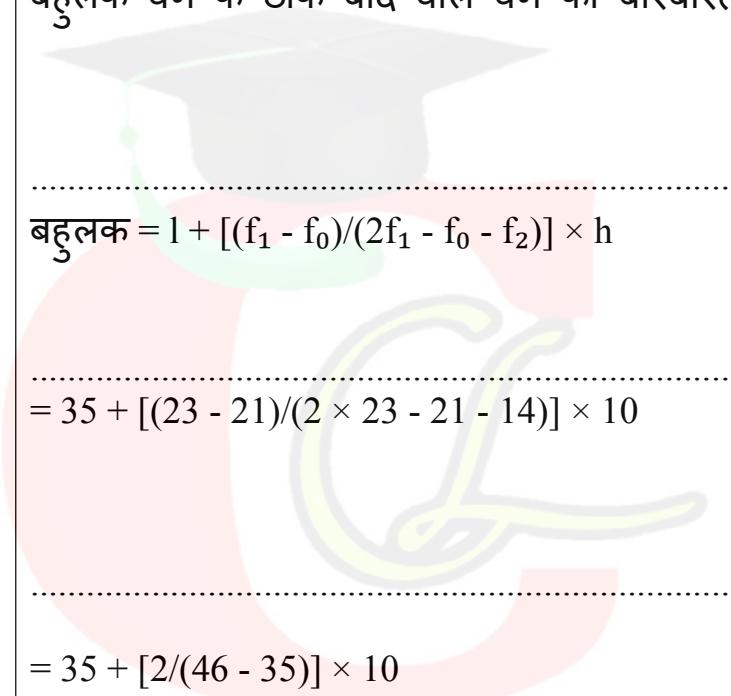
$$= \pi r^2 (2/3 h_2 + h_1)$$

$$= 22/7 \times 1.5 \text{ cm} \times 1.5 \text{ cm} \times (2/3 \times 2 \text{ cm} + 8 \text{ cm})$$

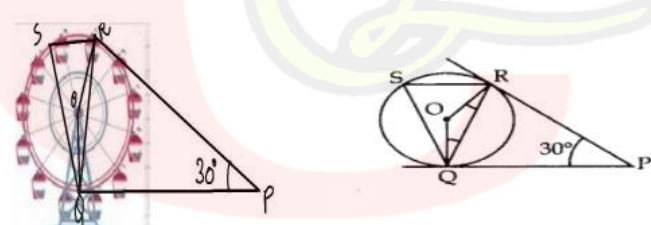
1

	$= 22/7 \times 1.5 \text{ cm} \times 1.5 \text{ cm} \times 28/3 \text{ cm}$ $= 66 \text{ cm}^3$ <p>अतः मॉडल में हवा का आयतन 66 सेमी³ है।</p>	1/2																																								
35.	<table border="1"> <thead> <tr> <th>वर्ग अंतराल</th> <th>वर्ग -चिन्ह(x_i)</th> <th>बच्चों की संख्या(f_i)</th> <th>$f_i x_i$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>11-13</td> <td>12</td> <td>7</td> <td>84</td> </tr> <tr> <td>13-15</td> <td>14</td> <td>6</td> <td>84</td> </tr> <tr> <td>15-17</td> <td>16</td> <td>9</td> <td>144</td> </tr> <tr> <td>17-19</td> <td>18</td> <td>13</td> <td>234</td> </tr> <tr> <td>19-21</td> <td>20</td> <td>f</td> <td>20f</td> </tr> <tr> <td>21-23</td> <td>22</td> <td>5</td> <td>110</td> </tr> <tr> <td>23-25</td> <td>24</td> <td>4</td> <td>96</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>$\sum f_i = 44+f$</td> <td>$\sum f_i x_i = 752+20f$</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>.....</p> $\text{माध्य} = \bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$ <p>.....</p> $\Rightarrow 18 = \frac{752+20f}{44+f}$ <p>.....</p> $\Rightarrow 18(44+f) = 752+20f$ <p>.....</p> $\Rightarrow 792 + 18f = 752 + 20f$ <p>.....</p> $\Rightarrow 792 - 752 = 20f - 18f$ <p>.....</p> $\Rightarrow 40 = 2f$	वर्ग अंतराल	वर्ग -चिन्ह(x_i)	बच्चों की संख्या(f_i)	$f_i x_i$	11-13	12	7	84	13-15	14	6	84	15-17	16	9	144	17-19	18	13	234	19-21	20	f	20f	21-23	22	5	110	23-25	24	4	96			$\sum f_i = 44+f$	$\sum f_i x_i = 752+20f$					1+1
वर्ग अंतराल	वर्ग -चिन्ह(x_i)	बच्चों की संख्या(f_i)	$f_i x_i$																																							
11-13	12	7	84																																							
13-15	14	6	84																																							
15-17	16	9	144																																							
17-19	18	13	234																																							
19-21	20	f	20f																																							
21-23	22	5	110																																							
23-25	24	4	96																																							
		$\sum f_i = 44+f$	$\sum f_i x_i = 752+20f$																																							

	$\Rightarrow f = 20$ अतः अज्ञात बारंबारता $f = 20$	1/2																				
OR 35.																						
	<table border="1"> <thead> <tr> <th>आयु (वर्षों में)</th> <th>मरीजों की संख्या</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>5-15</td> <td>6</td> </tr> <tr> <td>15-25</td> <td>11</td> </tr> <tr> <td>25-35</td> <td>21</td> </tr> <tr> <td>35-45</td> <td>23</td> </tr> <tr> <td>45-55</td> <td>14</td> </tr> <tr> <td>55-65</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td>.....</td> <td>.....</td> </tr> <tr> <td>.....</td> <td>.....</td> </tr> <tr> <td>.....</td> <td>.....</td> </tr> </tbody> </table>	आयु (वर्षों में)	मरीजों की संख्या	5-15	6	15-25	11	25-35	21	35-45	23	45-55	14	55-65	5	
आयु (वर्षों में)	मरीजों की संख्या																					
5-15	6																					
15-25	11																					
25-35	21																					
35-45	23																					
45-55	14																					
55-65	5																					
.....																					
.....																					
.....																					
	<p>तालिका से, यह देखा जा सकता है कि अधिकतम वर्ग बारंबारता 23 है, जो वर्ग अंतराल 35 - 45 से संबंधित है।</p> <p>∴ बहुलक वर्ग = 35 - 45</p> <p>.....</p> <p>वर्ग माप, $h = 10$</p> <p>.....</p> <p>बहुलक वर्ग की निम्न सीमा, $l = 35$</p>	1/2																				

	
	बहुलक वर्ग की बारंबारता, $f_1 = 23$	1/2
 बहुलक वर्ग से ठीक पहले वाले वर्ग की बारंबारता = $f_0 = 21$	1/2
 बहुलक वर्ग के ठीक बाद वाले वर्ग की बारंबारता, $f_2 = 14$	1/2
		
 $\text{बहुलक} = 1 + [(f_1 - f_0)/(2f_1 - f_0 - f_2)] \times h$	1/2
 $= 35 + [(23 - 21)/(2 \times 23 - 21 - 14)] \times 10$	1/2
 $= 35 + [2/(46 - 35)] \times 10$	
 $= 35 + (2/11) \times 10$	1/2
 $= 35 + 1.8$	
 $= 36.8 \text{ वर्ष}$	1/2
 $\therefore \text{मॉडल आयु } 36.8 \text{ वर्ष है, जिसका अर्थ है कि अस्पताल में भर्ती होने वाले रोगियों की अधिकतम संख्या } 36.8 \text{ वर्ष}$	

	की आयु के हैं।	
36.	<p>(i) माना ऊँटों की कुल संख्या x^2 है</p> <p>तब जंगल में देखे गए ऊँटों की संख्या = $x^2/4$</p> <p>पहाड़ पर गये ऊँटों की संख्या = $2x$</p> <p>नदी के किनारे पर देखे गए ऊँटों की संख्या = 15</p> <p>.....</p> <p>इसलिए, ऊँटों की कुल संख्या,</p> $x^2 = x^2/4 + 2x + 15$ $\Rightarrow x^2 = (x^2 + 8x + 60)/4$ $\Rightarrow 4x^2 = x^2 + 8x + 60$ $\Rightarrow 3x^2 - 8x - 60 = 0$ <p>.....</p> $\Rightarrow (3x + 10)(x - 6) = 0$ $\Rightarrow (3x + 10) = 0 \text{ or } (x - 6) = 0$ $\Rightarrow x = -10/3 \text{ or } x = 6$ <p>.....</p> <p>वर्ग करने पर ,</p> $\Rightarrow x^2 = 100/9 \text{ or } x^2 = 36$ <p>ऊँटों की संख्या भिन्न में नहीं हो सकती</p> <p>इसलिए, ऊँटों की कुल संख्या,</p> $x^2 = 36$	1/2
	<p>OR (i) द्विघात समीकरण $a x^2 + b x + c = 0$ के मूल विविक्तकर D की प्रकृति पर निर्भर करते हैं</p> <p>यदि $D = b^2 - 4ac > 0$ तो मूल वास्तविक और भिन्न हैं।</p>	1/2

	यदि $D = b^2 - 4ac = 0$ तो मूल वास्तविक और बराबर हैं।	1/2
	यदि $D = b^2 - 4ac < 0$ तो मूल वास्तविक नहीं हैं।	1/2
	नदी के किनारे पर देखे गए ऊँटों की संख्या = 15	1/2
	(ii) पहाड़ पर गए ऊँटों की संख्या = $2(6) = 12$	1
	(iii) जंगल में देखे गए ऊँटों की संख्या = $x^2/4 = \frac{36}{4} = 9$	1
37.	<p>(i)</p>  $\angle ROQ = 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$ $(\therefore \angle ORP = \angle OQP = 90^\circ)$	1
	<p>(ii) $\angle OQR + \angle ORQ + 150^\circ = 180^\circ$ $\Rightarrow 2\angle OQR = 30^\circ \Rightarrow \angle OQR = 15^\circ$</p> $\therefore \angle RQP = 90^\circ - 15^\circ = 75^\circ$	1
	OR (iii) $\angle RSQ = \angle RQP = 75^\circ$ (एकांतर खंडों के कोण)	1

 $\angle ORP = 90^\circ$ $(\because OR \perp RP)$	1
	(iii) पतंग	1
38.	(i) संभावित परिणाम 4 हैं जो HH, HT, TH, TT हैं	1
	(ii) विफलता की संभावना=1-सफलता की संभावना=1 - $\frac{73}{100} = \frac{27}{100} = 27\%$	1
	(iii) कम से कम एक चित्तH के पक्ष में संभावित परिणाम = $= HT, TH, HH$ $P(\text{आकृति खेल शुरू करेगी}) = P(\text{कम से कम एक चित्तH लाना}) =$ $= P(HH, HT, TH) = \frac{3}{4}$	1
	अथवा (iii) अधिकतम एक पटा के पक्ष में संभावित परिणाम = $= TT, TH, HT$ $P(\text{सुकृति खेल शुरू करेगी}) = P(\text{अधिकतम एक पटा प्राप्त करना}) =$ $= P(TT, HT, TH) = \frac{3}{4}$	1